
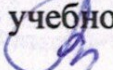


Рабочая программа общеобразовательной учебной дисциплины разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 17 мая 2012 г. № 413, Федерального государственного образовательного стандарта среднего профессионального образования по специальности 09.02.07 Информационные системы и программирование, утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 09 декабря 2016 г. № 1547.

Программу составила:

Чиркова А.А. - преподаватель ЦК МиЕД кафедры ВМиФ

Одобрено цикловой комиссией
Математики и естественных
дисциплин кафедры
Высшей математики и физики.
Протокол № 9 от 19.05.2021г
Председатель цикловой комиссии
 - А.А. Чиркова

Согласовано
Заместитель директора
по учебной работе
 А.Н. Белякова

Министерство цифрового развития, связи и массовых коммуникаций Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования
«Сибирский государственный университет телекоммуникаций и информатики»
(СибГУТИ)
Уральский технический институт связи и информатики (филиал) в г. Екатеринбурге
(УрТИСИ СибГУТИ)

Утверждаю
Директор УрТИСИ СибГУТИ
_____ Е.А. Минина
« ____ » _____ 2021 г.

Рабочая программа общеобразовательной учебной дисциплины

ОУД.04 МАТЕМАТИКА

для специальности:

09.02.07 Информационные системы и программирование

Квалификация: программист

Екатеринбург
2021

Рабочая программа общеобразовательной учебной дисциплины разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 17 мая 2012 г. № 413, Федерального государственного образовательного стандарта среднего профессионального образования по специальности 09.02.07 Информационные системы и программирование, утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 09 декабря 2016 г. № 1547.

Программу составила:

Чиркова А.А. - преподаватель ЦК МиЕД кафедры ВМиФ

Одобрено цикловой комиссией

Математики и естественных

дисциплин кафедры

Высшей математики и физики.

Протокол ___ от _____

Председатель цикловой комиссии

_____ А.А. Чиркова

Согласовано

Заместитель директора

по учебной работе

_____ А.Н. Белякова

СОДЕРЖАНИЕ

Пояснительная записка	4
Общая характеристика учебной дисциплины «Математика»	4
Место учебной дисциплины в учебном плане	6
Результаты освоения учебной дисциплины	7
Структура и содержание учебной дисциплины	9
Характеристика основных видов учебной деятельности обучающихся	16
Условия реализации учебной дисциплины	22

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Рабочая программа общеобразовательной учебной дисциплины «Математика» предназначена для изучения математики в профессиональных образовательных организациях СПО, реализующих образовательную программу среднего общего образования в пределах освоения основной образовательной программы СПО (ООП СПО) на базе основного общего образования при подготовке специалистов среднего звена.

Рабочая программа разработана на основе требований ФГОС среднего общего образования, предъявляемых к структуре, содержанию и результатам освоения учебной дисциплины «Математика», в соответствии с Рекомендациями по организации получения среднего общего образования в пределах освоения образовательных программ среднего профессионального образования на базе основного общего образования с учетом требований федеральных государственных образовательных стандартов и получаемой профессии или специальности среднего профессионального образования (письмо Департамента государственной политики в сфере подготовки рабочих кадров и ДПО Минобрнауки России от 17.03.2015 № 06-259).

Содержание программы «Математика» направлено на достижение следующих **целей**:

- обеспечение сформированности представлений о социальных, культурных и исторических факторах становления математики;
- обеспечение сформированности логического, алгоритмического и математического мышления;
- обеспечение сформированности умений применять полученные знания при решении различных задач;
- обеспечение сформированности представлений о математике как части общечеловеческой культуры, универсальном языке науки, позволяющем описывать и изучать реальные процессы и явления.

В рабочую программу включено содержание, направленное на формирование у обучающихся компетенций, необходимых для качественного освоения основной образовательной программы СПО на базе основного общего образования с получением среднего общего образования, программы подготовки специалистов среднего звена (ППССЗ).

ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ «МАТЕМАТИКА»

Учебная дисциплина «Математика» является фундаментальной общеобразовательной дисциплиной со сложившимся устойчивым содержанием и общими требованиями к подготовке обучающихся.

Изучение математики имеет свои особенности в зависимости от профиля профессионального образования.

При освоении специальностей СПО технического профиля профессионального образования интегрированная учебная дисциплина

«Математика» изучается углубленно, как профильная учебная дисциплина, учитывающая специфику осваиваемых специальностей.

Это выражается в содержании обучения, количестве часов, выделяемых на изучение отдельных тем программы, глубине их освоения обучающимися, объеме и характере практических занятий, видах внеаудиторной самостоятельной работы обучающихся.

Общие цели изучения математики традиционно реализуются в четырех направлениях:

- 1) общее представление об идеях и методах математики;
- 2) интеллектуальное развитие;
- 3) овладение необходимыми конкретными знаниями и умениями;
- 4) воспитательное воздействие.

Профилизация целей математического образования отражается на выборе приоритетов в организации учебной деятельности обучающихся. Для технического профиля профессионального образования выбор целей смещается в прагматическом направлении, предусматривающем усиление и расширение прикладного характера изучения математики, преимущественной ориентации на алгоритмический стиль познавательной деятельности.

Изучение математики как профильной общеобразовательной учебной дисциплины, учитывающей специфику осваиваемых обучающимися специальностей СПО, обеспечивается:

- выбором различных подходов к введению основных понятий;
- формированием системы учебных заданий, обеспечивающих эффективное осуществление выбранных целевых установок;
- обогащением спектра стилей учебной деятельности за счет согласования с ведущими деятельностными характеристиками выбранной специальности.

Профильная составляющая отражается в требованиях к подготовке обучающихся в части:

- общей системы знаний: содержательные примеры использования математических идей и методов в профессиональной деятельности;
- умений: различие в уровне требований к сложности применяемых алгоритмов;
- практического использования приобретенных знаний и умений: индивидуального учебного опыта в построении математических моделей, выполнении исследовательских проектов.

Таким образом, реализация содержания учебной дисциплины ориентирует на приоритетную роль процессуальных характеристик учебной работы, зависящих от профиля профессионального образования, получения опыта использования математики в содержательных и профессионально значимых ситуациях по сравнению с формально-уровневыми результативными характеристиками обучения.

Содержание учебной дисциплины разработано в соответствии с основными содержательными линиями обучения математике:

1) алгебраическая линия, включающая систематизацию сведений о числах; изучение новых и обобщение ранее изученных операций (возведение в степень, извлечение корня, логарифмирование, синус, косинус, тангенс, котангенс и обратные функции к ним); изучение новых видов числовых

выражений и формул; совершенствование практических навыков и вычислительной культуры, расширение и совершенствование алгебраического аппарата, сформированного в основной школе, и его применение к решению математических и прикладных задач;

2) теоретико-функциональная линия, включающая систематизацию и расширение сведений о функциях, совершенствование графических умений; знакомство с основными идеями и методами математического анализа в объеме, позволяющем исследовать элементарные функции и решать простейшие геометрические, физические и другие прикладные задачи;

3) линия уравнений и неравенств, основанная на построении и исследовании математических моделей, пересекающаяся с алгебраической и теоретико-функциональной линиями и включающая развитие и совершенствование техники алгебраических преобразований для решения уравнений, неравенств и систем; формирование способности строить и исследовать простейшие математические модели при решении прикладных задач, задач из смежных и специальных дисциплин;

4) геометрическая линия, включающая наглядные представления о пространственных фигурах и изучение их свойств, формирование и развитие пространственного воображения, развитие способов геометрических измерений, координатного и векторного методов для решения математических и прикладных задач;

5) стохастическая линия, основанная на развитии комбинаторных умений, представлений о вероятностно-статистических закономерностях окружающего мира.

В тематическом плане рабочей программы учебный материал представлен в форме чередующегося развертывания основных содержательных линий (алгебраической, теоретико-функциональной, линии уравнений и неравенств, геометрической, стохастической), что позволяет гибко использовать их расположение и взаимосвязь.

Изучение общеобразовательной учебной дисциплины «Математика» завершается подведением итогов в форме экзамена в рамках промежуточной аттестации обучающихся в процессе освоения ООП СПО на базе основного общего образования с получением среднего общего образования (ППССЗ).

МЕСТО УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ

Учебная дисциплина «Математика» является учебным предметом обязательной предметной области «Математика и информатика» ФГОС среднего общего образования.

Учебная дисциплина «Математика» изучается в общеобразовательном цикле учебного плана ООП СПО на базе основного общего образования с получением среднего общего образования (ППССЗ).

В учебном плане ППССЗ учебная дисциплина «Математика» входит в состав общих общеобразовательных учебных дисциплин, формируемых из обязательных предметных областей ФГОС среднего общего образования, для

специальностей СПО соответствующего профиля профессионального образования.

РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Освоение содержания учебной дисциплины «Математика» обеспечивает достижение обучающимися следующих **результатов:**

• личностных:

- сформированность представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, идеях и методах математики;

- понимание значимости математики для научно-технического прогресса, сформированность отношения к математике как к части общечеловеческой культуры через знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей;

- развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для будущей профессиональной деятельности, для продолжения образования и самообразования;

- овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, для освоения смежных естественнонаучных дисциплин и дисциплин профессионального цикла, для получения образования в областях, не требующих углубленной математической подготовки;

- готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;

- готовность и способность к самостоятельной творческой и ответственной деятельности;

- готовность к коллективной работе, сотрудничеству со сверстниками в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности;

- отношение к профессиональной деятельности как возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем;

• метапредметных:

- умение самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять, контролировать и корректировать деятельность; использовать все возможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные стратегии в различных ситуациях;

- умение продуктивно общаться и взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников деятельности, эффективно разрешать конфликты;

- владение навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем;

- способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания;

- готовность и способность к самостоятельной информационно-познавательной деятельности, включая умение ориентироваться в различных источниках информации, критически оценивать и интерпретировать информацию, получаемую из различных источников;

- владение языковыми средствами: умение ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства;

- владение навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований, границ своего знания и незнания, новых познавательных задач и средств для их достижения;

- целеустремленность в поисках и принятии решений, сообразительность и интуиция, развитость пространственных представлений;

- способность воспринимать красоту и гармонию мира;

• **предметных:**

- сформированность представлений о математике как части мировой культуры и месте математики в современной цивилизации, способах описания явлений реального мира на математическом языке;

- сформированность представлений о математических понятиях как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий;

- владение методами доказательств и алгоритмов решения, умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;

- владение стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств;

- сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей;

- владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; сформированность умения распознавать геометрические фигуры на чертежах, моделях и в реальном мире; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием;

- сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, статистических закономерностях в реальном мире, основных понятиях элементарной теории вероятностей; умений находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин;

- владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач.

СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

1 Объем учебной дисциплины и виды учебной работы

Вид учебной работы	Объем часов
Объем учебной дисциплины	250
Суммарная учебная нагрузка во взаимодействии с преподавателем	250
в том числе:	
- теоретическое обучение	116
- лабораторные работы	-
- практические занятия	118
- консультации	4
- промежуточная аттестация (экзамен)	12

2 Тематический план и содержание учебной дисциплины

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала и формы организации деятельности обучающихся	Объем часов
1	2	3
Раздел 1 Алгебра		32
Тема 1.1 Введение. Развитие понятия о числе	Содержание учебного материала: 1 Математика в науке, технике, экономике, информационных технологиях и практической деятельности. Цели и задачи изучения математики при освоении специальностей СПО. Целые и рациональные числа. Действительные числа. Приближенные вычисления. Комплексные числа.	2
	Практические занятия: 1 Приближенные вычисления. Относительные и абсолютные погрешности.	2
	2 Комплексные числа. Действия над комплексными числами. 3 Перевод комплексных чисел из одной формы в другую.	2 2
Тема 1.2 Корни, степени и логарифмы	Содержание учебного материала: 1 Корни и степени. Корни натуральной степени из числа и их свойства.	2
	2 Степени с рациональными показателями, их свойства. Степени с действительными показателями. Свойства степени с действительным показателем.	2
	3 Логарифм. Логарифм числа. Основное логарифмическое тождество. Десятичные и натуральные логарифмы.	2
	4 Правила действий с логарифмами. Переход к новому основанию.	2
	5 Преобразование алгебраических выражений. Преобразование рациональных, иррациональных выражений.	2
	6 Преобразование степенных, показательных и логарифмических выражений.	2

	Практические занятия: 4 Корни. Преобразование корней и действия над ними. 5 Степень с действительным показателем. Действия со степенями. 6 Решение иррациональных уравнений. 7 Решение показательных уравнений. 8 Нахождение значений логарифма по произвольному основанию. Переход от одного основания к другому. 9 Решение логарифмических уравнений.	2 2 2 2 2 2
Раздел 2 Основы тригонометрии		36
Тема 2.1 Основные понятия	Содержание учебного материала: 1 Радианная мера угла. Вращательное движение. Синус, косинус, тангенс, котангенс числа.	2
Тема 2.2 Основные тригонометрические тождества	Содержание учебного материала: 1 Формулы приведения. Формулы сложения. 2 Формулы удвоения. Формулы половинного угла.	2 2
	Практические занятия: 10 Вычисление значений тригонометрических функций по одной из них. 11 Построение угла по заданному значению тригонометрической функций. 12 Доказательство тригонометрических тождеств.	2 2 2
	Содержание учебного материала: 1 Преобразование суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму. 2 Выражение тригонометрических функций через тангенс половинного аргумента.	2 2
Тема 2.3 Преобразования простейших тригонометрических выражений	Практические занятия: 13 Применение формул сложения для вычисления значения тригонометрического выражения. 14 Применение формул тригонометрических функций половинного аргумента для доказательства тождеств. 15 Применение формул преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и обратно. 16 Вычисление значений тригонометрических функций тупого угла. Формулы приведения.	2 2 2 2
	Содержание учебного материала: 1 Простейшие тригонометрические уравнения. 2 Простейшие тригонометрические неравенства. 3 Арксинус, арккосинус, арктангенс.	2 2 2
	Практические занятия: 17 Решение простейших тригонометрических, сводящихся к квадратным, однородных и решаемых с помощью различных формул тригонометрии. 18 Решение тригонометрических уравнений. 19 Решение тригонометрических неравенств.	2 2 2
	Раздел 3 Функции, их свойства и графики	
Тема 3.1 Функции. Свойства функций	Содержание учебного материала: 1 Область определения и множество значений; график функции, построение графиков функций, заданных различными способами. Монотонность, четность, нечетность, ограниченность, периодичность.	2

	2 Промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значения, точки экстремума. Графическая интерпретация. Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях. Арифметические операции над функциями. Сложная функция (композиция). Понятие о непрерывности функции.	2
	Практические занятия: 20 Построение графиков и исследование линейной, кусочно-линейной, дробно-линейной функций.	2
Тема 3.2 Обратные функции	Содержание учебного материала: 1 Область определения и область значения функции. График обратной функции.	2
	Практические занятия: 21 Обратные функции и их графики. Преобразования графика функции.	2
Тема 3.3 Степенные функции. Показательные функции	Содержание учебного материала: 1 Определение степенной функции, её свойства и графики. Преобразования графиков. Параллельный перенос, симметрия относительно осей координат и симметрия относительно начала координат, симметрия относительно прямой $y = x$, растяжение и сжатие вдоль осей координат. 2 Определение показательной функции, её свойства и графики.	2
	Практические занятия: 22 Построение и исследование графика квадратичной функции. 23 Построение графика показательной функции.	2 2
	Содержание учебного материала: 1 Определение логарифмической функции, её свойства и графики.	2
	Практические занятия: 24 Построение графика логарифмической функции.	2
Тема 3.5 Тригонометрические функции	Содержание учебного материала: 1 Определения тригонометрических функций, их свойства и графики.	2
	Практические занятия: 25 Построение графиков тригонометрических функций.	2
Тема 3.6 Обратные тригонометрические функции	Содержание учебного материала: 1 Определения обратных тригонометрических функций, их свойства. Графики обратных тригонометрических функций.	2
	Практические занятия: 26 Построение графиков обратных тригонометрических функций.	2
Раздел 4 Начала математического анализа		32
Тема 4.1 Последовательности	Содержание учебного материала: 1 Способы задания и свойства числовых последовательностей. Понятие о пределе последовательности. Существование предела монотонной ограниченной последовательности. 2 Суммирование последовательностей. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия и её сумма.	2 2
	Практические занятия: 27 Нахождение предела числовой последовательности.	2
	28 Раскрытие неопределенностей при вычислении пределов.	2

Тема 4.2 Производная	Содержание учебного материала: 1 Понятие о производной функции, ее геометрический и физический смысл. Уравнение касательной к графику функции. Производные суммы, разности, произведения, частного. Производные основных элементарных функций.	2
	2 Применение производной к исследованию функций и построению графиков. Производные обратной функции и композиции функции. Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах.	2
	3 Вторая производная, ее геометрический и физический смысл. Нахождение скорости для процесса, заданного формулой и графиком.	2
	Практические занятия: 29 Производная функции. Производная суммы, произведения, частного, основных элементарных функций. Нахождение производной сложной функции.	2
Тема 4.3 Первообразная и интеграл	Содержание учебного материала: 1 Применение определенного интеграла для нахождения площади криволинейной трапеции.	2
	2 Формула Ньютона-Лейбница.	2
	3 Примеры применения интеграла в физике и геометрии.	2
	Практические занятия: 32 Нахождение неопределенного интеграла.	2
	33 Вычисление определенного интеграла с помощью формулы Ньютона-Лейбница.	2
	34 Решение задач на применение физического и геометрического смысла определенного интеграла.	2
	Раздел 5 Уравнения и неравенства	24
Тема 5.1 Уравнения и системы уравнений	Содержание учебного материала: 1 Рациональные, иррациональные, показательные и тригонометрические уравнения и системы. Область допустимых значений.	2
	2 Равносильность уравнений, неравенств, систем. Основные приемы их решения (разложение на множители, введение новых неизвестных, подстановка, графический метод).	2
	Практические занятия: 35 Решение рациональных уравнений.	2
Тема 5.2 Неравенства	Содержание учебного материала: 1 Рациональные и иррациональные неравенства. Показательные и тригонометрические неравенства.	2
	2 Основные приемы решения рациональных и иррациональных неравенств, показательных и тригонометрических неравенств.	2
	Практические занятия: 37 Решение неравенств (рациональных, иррациональных, показательных).	2
	38 Решение тригонометрических неравенств, систем неравенств.	2

Тема 5.3 Использование свойств и графиков функций при решении уравнений и неравенств	Содержание учебного материала: 1 Метод интервалов. Изображение на координатной плоскости множества решений уравнений и неравенств с двумя переменными и их систем.	2
	Практические занятия: 39 Использование свойств и графиков функций при решении уравнений и неравенств.	2
Тема 5.4 Прикладные задачи	Содержание учебного материала: 1 Применение математических методов для решения содержательных задач из различных областей науки и практики. Интерпретация результата, учет реальных ограничений.	2
	Практические занятия: 40 Прикладные задачи с решением уравнений и систем.	2
Раздел 6 Комбинаторика, статистика и теория вероятностей		16
Тема 6.1 Элементы комбинаторики	Содержание учебного материала: 1 Основные понятия комбинаторики. Задачи на подсчет числа размещений, перестановок, сочетаний. Решение задач на перебор вариантов. Формула бинома Ньютона. Свойства биномиальных коэффициентов. Треугольник Паскаля.	2
	Практические занятия: 41 Решение комбинаторных задач.	2
Тема 6.2 Элементы теории вероятностей	Содержание учебного материала: 1 Событие, вероятность события, сложение и умножение вероятностей. Понятие о независимости событий.	2
	2 Дискретная случайная величина, закон ее распределения. Числовые характеристики дискретной случайной величины. Понятие о законе больших чисел.	2
	Практические занятия: 42 Решение задач на вычисление вероятностей.	2
Тема 6.3 Элементы математической статистики	Содержание учебного материала: 1 Представление данных (таблицы, диаграммы, графики), генеральная совокупность, выборка, среднее арифметическое, медиана.	2
	2 Понятие о задачах математической статистики. Решение практических задач с применением вероятностных методов.	2
	Практические занятия: 43 Простейшие задачи математической статистики.	2
Раздел 7 Геометрия		64
Тема 7.1 Прямые и плоскости в пространстве	Содержание учебного материала: 1 Уравнения прямой на плоскости. Угол между двумя прямыми. Условия перпендикулярности и параллельности прямых. Взаимное расположение двух прямых в пространстве. Параллельность прямой и плоскости. Параллельность плоскостей.	2
	2 Перпендикулярность прямой и плоскости. Перпендикуляр и наклонная. Угол между прямой и плоскостью. Двугранный угол. Угол между плоскостями. Перпендикулярность двух плоскостей.	2
	3 Геометрические преобразования пространства: параллельный перенос, симметрия относительно плоскости. Параллельное проектирование. Площадь ортогональной проекции. Изображение пространственных фигур.	2

	<p>Практические занятия:</p> <p>44 Уравнения прямой на плоскости. 2</p> <p>45 Взаимное расположение 2-х прямых на плоскости. Угол между двумя прямыми. Условия параллельности и перпендикулярности 2-х прямых. 2</p> <p>46 Уравнение прямой и плоскости в пространстве. Двугранный угол. 2</p>	
Тема 7.2 Многогранник и	<p>Содержание учебного материала:</p> <p>1 Вершины, ребра, грани многогранника. Развертка. Многогранные углы. Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера. Призма. Прямая и наклонная призма. Правильная призма. 2</p> <p>2 Параллелепипед. Куб. Пирамида. Правильная пирамида. Усеченная пирамида. Тетраэдр. Симметрии в кубе, в параллелепипеде, в призме и пирамиде. 2</p> <p>3 Сечения куба, призмы и пирамиды. Представление о правильных многогранниках (тетраэдре, кубе, октаэдре, додекаэдре и икосаэдре). 2</p>	
	<p>Практические занятия:</p> <p>47 Призма. Вычисления площади поверхности и объема призмы. 2</p> <p>48 Вычисление площади поверхности и объема параллелепипеда. 2</p> <p>49 Вычисление площади поверхности и объема правильной пирамиды. 2</p>	
	<p>Содержание учебного материала:</p> <p>1 Цилиндр и конус. Усеченный конус. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка. 2</p> <p>2 Осевые сечения и сечения, параллельные основанию. 2</p> <p>3 Шар и сфера, их сечения. Касательная плоскость к сфере. 2</p>	
	<p>Практические занятия:</p> <p>50 Цилиндр. Вычисление площади поверхности цилиндра. 2</p> <p>51 Конус. Вычисление площади поверхности конуса. 2</p> <p>52 Шар и сфера. Вычисление площади сферы. 2</p>	
Тема 7.3 Тела и поверхности вращения	<p>Содержание учебного материала:</p> <p>1 Объем и его измерение. Интегральная формула объема. Формулы объема куба, прямоугольного параллелепипеда, призмы, цилиндра. Формулы объема пирамиды и конуса. 2</p> <p>2 Формулы площади поверхностей цилиндра и конуса. Формулы объема шара и площади сферы. 2</p> <p>3 Подобие тел. Отношения площадей поверхностей и объемов подобных тел. 2</p>	
	<p>Практические занятия:</p> <p>53 Вычисление объема пирамиды и конуса. 2</p> <p>54 Вычисление объема цилиндра и шара как тел вращения. 2</p>	
	<p>Содержание учебного материала:</p> <p>1 Прямоугольная (декартова) система координат в пространстве. Формула расстояния между двумя точками пространства. Уравнение плоскости и прямой. 2</p> <p>2 Векторы. Модуль вектора. Равенство векторов. Сложение векторов. Умножение вектора на число. Разложение вектора по направлениям. 2</p> <p>3 Угол между двумя векторами. Проекция вектора на ось. Координаты вектора. 2</p> <p>4 Скалярное произведение векторов. Использование координат и векторов при решении математических и прикладных задач. Уравнение сферы. 2</p>	
	<p>Практические занятия:</p> <p>53 Вычисление объема пирамиды и конуса. 2</p> <p>54 Вычисление объема цилиндра и шара как тел вращения. 2</p>	
Тема 7.4 Измерения в геометрии	<p>Содержание учебного материала:</p> <p>1 Объем и его измерение. Интегральная формула объема. Формулы объема куба, прямоугольного параллелепипеда, призмы, цилиндра. Формулы объема пирамиды и конуса. 2</p> <p>2 Формулы площади поверхностей цилиндра и конуса. Формулы объема шара и площади сферы. 2</p> <p>3 Подобие тел. Отношения площадей поверхностей и объемов подобных тел. 2</p>	
Тема 7.5 Координаты и векторы	<p>Содержание учебного материала:</p> <p>1 Прямоугольная (декартова) система координат в пространстве. Формула расстояния между двумя точками пространства. Уравнение плоскости и прямой. 2</p> <p>2 Векторы. Модуль вектора. Равенство векторов. Сложение векторов. Умножение вектора на число. Разложение вектора по направлениям. 2</p> <p>3 Угол между двумя векторами. Проекция вектора на ось. Координаты вектора. 2</p> <p>4 Скалярное произведение векторов. Использование координат и векторов при решении математических и прикладных задач. Уравнение сферы. 2</p>	
	<p>Практические занятия:</p> <p>53 Вычисление объема пирамиды и конуса. 2</p> <p>54 Вычисление объема цилиндра и шара как тел вращения. 2</p>	
	<p>Содержание учебного материала:</p> <p>1 Прямоугольная (декартова) система координат в пространстве. Формула расстояния между двумя точками пространства. Уравнение плоскости и прямой. 2</p> <p>2 Векторы. Модуль вектора. Равенство векторов. Сложение векторов. Умножение вектора на число. Разложение вектора по направлениям. 2</p> <p>3 Угол между двумя векторами. Проекция вектора на ось. Координаты вектора. 2</p> <p>4 Скалярное произведение векторов. Использование координат и векторов при решении математических и прикладных задач. Уравнение сферы. 2</p>	
	<p>Практические занятия:</p> <p>53 Вычисление объема пирамиды и конуса. 2</p> <p>54 Вычисление объема цилиндра и шара как тел вращения. 2</p>	

	Практические занятия:	
	55 Координаты точки и вектора в пространстве. Действия над векторами. Длина вектора. Расстояние между двумя точками и между двумя плоскостями.	2
	56 Решение задач с помощью скалярного произведения векторов.	2
	57 Решение задач на взаимное расположение прямой и плоскости.	2
	58 Решение задач на векторные уравнения прямой и плоскости.	2
	59 Использование векторов при доказательстве теорем стереометрии.	2
	Консультации:	4
	Промежуточная аттестация:	12
	Всего:	250

ХАРАКТЕРИСТИКА ОСНОВНЫХ ВИДОВ УЧЕБНОЙ ДЕЯТЕЛЬНОСТИ ОБУЧАЮЩИХСЯ

Содержание обучения	Характеристика основных видов учебной деятельности обучающихся (на уровне учебных действий)
Раздел 1 Алгебра	
Тема 1.1 Введение. Развитие понятия о числе	<p>Ознакомление с ролью математики в науке, технике, экономике, информационных технологиях и практической деятельности.</p> <p>Ознакомление с целями и задачами изучения математики при освоении специальностей СПО.</p> <p>Выполнение арифметических действий над числами, сочетая устные и письменные приемы. Нахождение приближенных значений величин и погрешностей вычислений (абсолютной и относительной); сравнение числовых выражений. Нахождение ошибок в преобразованиях и вычислениях (относится ко всем пунктам программы).</p>
Тема 1.2 Корни, степени и логарифмы	<p>Ознакомление с понятием корня n-й степени, свойствами радикалов и правилами сравнения корней. Формулирование определения корня и свойств корней. Вычисление и сравнение корней, выполнение прикидки значения корня. Преобразование числовых и буквенных выражений, содержащих радикалы.</p> <p>Выполнение расчетов по формулам, содержащим радикалы, осуществляя необходимые подстановки и преобразования. Определение равносильности выражений с радикалами. Решение иррациональных уравнений. Ознакомление с понятием степени с действительным показателем. Нахождение значений степени, используя при необходимости инструментальные средства.</p> <p>Записывание корня n-й степени в виде степени с дробным показателем и наоборот.</p> <p>Формулирование свойств степеней. Вычисление степеней с рациональным показателем, выполнение прикидки значения степени, сравнение степеней.</p> <p>Преобразование числовых и буквенных выражений, содержащих степени, применяя свойства. Решение показательных уравнений.</p> <p>Ознакомление с применением корней и степеней при вычислении средних, делении отрезка в «золотом сечении». Решение прикладных задач на сложные проценты.</p> <p>Выполнение преобразований выражений, применение формул, связанных со свойствами степеней и логарифмов</p> <p>Определение области допустимых значений логарифмического выражения. Решение логарифмических уравнений.</p>
Раздел 2 Основы тригонометрии	
Тема 2.1 Основные понятия	<p>Изучение радианного метода измерения углов вращения и их связи с градусной мерой. Изображение углов вращения на окружности, соотнесение величины угла с его расположением. Формулирование определений тригонометрических функций для углов поворота и острых углов прямоугольного треугольника и объяснение их взаимосвязи.</p>

Тема 2.2 Основные тригонометрические тождества	Применение основных тригонометрических тождеств для вычисления значений тригонометрических функций по одной из них.
Тема 2.3 Преобразования простейших тригонометрических выражений	Изучение основных формул тригонометрии: формулы сложения удвоения, преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму и применение при вычислении значения тригонометрического выражения и упрощения его. Ознакомление со свойствами симметрии точек на единичной окружности и применение их для вывода формул приведения.
Тема 2.4 Тригонометрические уравнения и неравенства. Обратные тригонометрические функции	Решение по формулам и тригонометрическому кругу простейших тригонометрических уравнений. Применение общих методов решения уравнений (приведение к линейному, квадратному, метод разложения на множители, замены переменной) при решении тригонометрических уравнений. Умение отмечать на круге решения простейших тригонометрических неравенств. Ознакомление с понятием обратных тригонометрических функций. Изучение определений арксинуса, арккосинуса, арктангенса числа, формулирование их, изображение на единичной окружности, применение при решении уравнений.
Раздел 3 Функции, их свойства и графики	
Тема 3.1 Функции. Свойства функций	Ознакомление с понятием переменной, примерами зависимостей между переменными. Ознакомление с понятием графика, определение принадлежности точки графику функции. Определение по формуле простейшей зависимости, вида ее графика. Выражение по формуле одной переменной через другие. Ознакомление с определением функции, формулирование его. Нахождение области определения и области значений функции. Ознакомление с примерами функциональных зависимостей в реальных процессах из смежных дисциплин. Ознакомление с доказательными рассуждениями некоторых свойств линейной и квадратичной функций, проведение исследования линейной, кусочно-линейной, дробно-линейной и квадратичной функций, построение их графиков. Построение и чтение графиков функций. Исследование функции. Составление видов функций по данному условию, решение задач на экстремум. Выполнение преобразований графика функции.
Тема 3.2 Обратные функции	Изучение понятия обратной функции, определение вида и построение графика обратной функции, нахождение ее области определения и области значений. Применение свойств функций при исследовании уравнений и решении задач на экстремум. Ознакомление с понятием сложной функции.

Тема 3.3 Степенные функции. Показательные функции	Вычисление значений функций по значению аргумента. Определение положения точки на графике по ее координатам и наоборот. Использование свойств функций для сравнения значений степеней. Построение графиков степенных функций. Построение графиков показательной функции. Решение показательных уравнений и неравенств по известным алгоритмам.
Тема 3.4 Логарифмические функции	Вычисление значений функций по значению аргумента. Определение положения точки на графике по ее координатам и наоборот. Построение графиков логарифмической функции. Решение логарифмических уравнений и неравенств по известным алгоритмам.
Тема 3.5 Тригонометрические функции	Ознакомление с понятием непрерывной периодической функцией, формулирование свойств синуса и косинуса, построение их графиков. Ознакомление с понятием гармонических колебаний и примерами гармонических колебаний для описания процессов в физике и других областях знания. Ознакомление с понятием разрывной периодической функции, формулирование свойств тангенса и котангенса, построение их графиков. Применение свойств функций для сравнения значений тригонометрических функций, решения тригонометрических уравнений.
Тема 3.6 Обратные тригонометрические функции	Построение графиков обратных тригонометрических функций и определение по графикам их свойств. Выполнение преобразования графиков.
4 Начала математического анализа	
Тема 4.1 Последовательности	Ознакомление с понятием числовой последовательности, способами ее задания, вычислениями ее членов. Ознакомление с понятием предела последовательности. Ознакомление с вычислением суммы бесконечного числового ряда на примере вычисления суммы бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Решение задач на применение формулы суммы бесконечно убывающей геометрической прогрессии.

<p>Тема 4.2 Производная</p>	<p>Ознакомление с понятием производной. Изучение и формулирование ее механического и геометрического смысла, изучение алгоритма вычисления производной на примере вычисления мгновенной скорости и углового коэффициента касательной.</p> <p>Составление уравнения касательной в общем виде.</p> <p>Усвоение правил дифференцирования, таблицы производных элементарных функций, применение для дифференцирования функций, составления уравнения касательной.</p> <p>Изучение теорем о связи свойств функции и производной, формулировка их. Проведение с помощью производной исследования функции, заданной формулой.</p> <p>Установление связи свойств функции и производной по их графикам.</p> <p>Применение производной для решения задач на нахождение наибольшего, наименьшего значения и на нахождение экстремума.</p>
<p>Тема 4.3 Первообразная и интеграл</p>	<p>Ознакомление с понятием интеграла и первообразной.</p> <p>Изучение правила вычисления первообразной и теоремы Ньютона-Лейбница. Решение задач на связь первообразной и ее производной, вычисление первообразной для данной функции. Решение задач на применение интеграла для вычисления физических величин и площадей.</p>
<p>Раздел 5 Уравнения и неравенства</p>	
<p>Тема 5.1 Уравнения и системы уравнений</p>	<p>Ознакомление с простейшими сведениями о корнях алгебраических уравнений, понятиями исследования уравнений и систем уравнений. Изучение теории равносильности уравнений и ее применения. Повторение записи решения стандартных уравнений, приемов преобразования уравнений для сведения к стандартному уравнению. Решение рациональных, иррациональных, показательных и тригонометрических уравнений и систем. Повторение основных приемов решения систем.</p>
	<p>Решение уравнений с применением всех приемов (разложения на множители, введения новых неизвестных, подстановки, графического метода).</p> <p>Решение систем уравнений с применением различных способов.</p>
<p>Тема 5.2 Неравенства</p>	<p>Ознакомление с общими вопросами решения неравенств.</p> <p>Решение неравенств и систем неравенств с применением различных способов.</p>
<p>Тема 5.3 Использование свойств и графиков функций при решении уравнений и неравенств</p>	<p>Ознакомление с методом интервалов. Изображение на координатной плоскости множества решений уравнений и неравенств с двумя переменными.</p>
<p>Тема 5.4 Прикладные задачи</p>	<p>Применение математических методов для решения содержательных задач из различных областей науки и практики. Интерпретирование результатов с учетом реальных ограничений.</p>
<p>Раздел 6 Комбинаторика, статистика и теория вероятностей</p>	

<p>Тема 6.1 Элементы комбинаторики</p>	<p>Изучение правила комбинаторики и применение их при решении комбинаторных задач. Решение комбинаторных задач методом перебора и по правилу умножения.</p> <p>Ознакомление с понятиями комбинаторики: размещениями, сочетаниями, перестановками и формулами для их вычисления. Объяснение и применение формул для вычисления размещений, перестановок и сочетаний при решении задач.</p> <p>Ознакомление с биномом Ньютона и треугольником Паскаля.</p> <p>Решение практических задач с использованием понятий и правил комбинаторики.</p>
<p>Тема 6.2 Элементы теории вероятностей</p>	<p>Изучение классического определения вероятности, свойств вероятности, теоремы о сумме вероятностей.</p> <p>Рассмотрение примеров вычисления вероятностей. Решение задач на вычисление вероятностей событий.</p>
<p>Тема 6.3 Элементы математической статистики</p>	<p>Ознакомление с представлением числовых данных и их характеристиками.</p> <p>Решение практических задач на обработку числовых данных, вычисление их характеристик. Представление данных (таблицы, диаграммы, графики).</p>
<p>Раздел 7 Геометрия</p>	
<p>Тема 7.1 Прямые и плоскости в пространстве</p>	<p>Формулировка и приведение доказательств признаков взаимного расположения прямых и плоскостей. Распознавание на чертежах и моделях различных случаев взаимного расположения прямых и плоскостей, аргументирование своих суждений. Формулирование определений, признаков и свойств параллельных и перпендикулярных плоскостей, двугранных и линейных углов.</p> <p>Выполнение построения углов между прямыми, между прямой и плоскостью, между плоскостями по описанию и распознавание их на моделях.</p> <p>Применение признаков и свойств расположения прямых и плоскостей при решении задач.</p> <p>Изображение на рисунках и конструирование на моделях перпендикуляров и наклонных к плоскости, прямых, параллельных плоскостей, углов между прямой и плоскостью и обоснование построения.</p>
	<p>Решение задач на вычисление геометрических величин. Описывание расстояния от точки до плоскости, от прямой до плоскости, между плоскостями, между скрещивающимися прямыми, между произвольными фигурами в пространстве.</p> <p>Формулирование и доказывание основных теорем о расстояниях (теорем существования, свойства). Изображение на чертежах и моделях расстояния и обоснование своих суждений. Определение и вычисление расстояний в пространстве. Применение формул и теорем планиметрии для решения задач.</p> <p>Ознакомление с понятием параллельного проектирования и его свойствами. Формулирование теоремы о площади ортогональной проекции многоугольника.</p> <p>Применение теории для обоснования построений и вычислений.</p> <p>Аргументирование своих суждений о взаимном расположении пространственных фигур.</p>

<p>Тема 7.2 Многогранники</p>	<p>Описание и характеристика различных видов многогранников перечисление их элементов и свойств. Изображение многогранников и выполнение построения на изображениях и моделях многогранников.</p> <p>Вычисление линейных элементов и углов в пространственных конфигурациях, аргументирование своих суждений.</p> <p>Характеристика и изображение сечения, <i>развертки многогранников</i>, вычисление площадей поверхностей.</p> <p>Построение простейших сечений куба, призмы, пирамиды.</p> <p>Применение фактов и сведений из планиметрии.</p> <p>Ознакомление с видами симметрий в пространстве, формулирование определений и свойств. Характеристика симметрии тел вращения и многогранников.</p> <p>Применение свойств симметрии при решении задач.</p> <p>Использование приобретенных знаний для исследования и моделирования несложных задач.</p> <p>Изображение основных многогранников и выполнение рисунков по условиям задач.</p>
<p>Тема 7.3 Тела и поверхности вращения</p>	<p>Ознакомление с видами тел вращения, формулирование их определений и свойств. Формулирование теорем о сечении шара плоскостью и плоскости, касательной к сфере.</p> <p>Характеристика и изображение тел вращения, их развертки, сечения.</p> <p>Решение задач на построение сечений, вычисление длин, расстояний, углов, площадей. Проведение доказательных рассуждений при решении задач.</p> <p>Применение свойств симметрии при решении задач на тела вращения, комбинацию тел.</p> <p>Изображение основных круглых тел и выполнение рисунка по условию задачи.</p>
<p>Тема 7.4 Измерения в геометрии</p>	<p>Ознакомление с понятиями площади и объема, аксиомами и свойствами. Решение задач на вычисление площадей плоских фигур с применением соответствующих формул и фактов из планиметрии.</p> <p>Изучение теорем о вычислении объемов пространственных тел, решение задач на применение формул вычисления объемов.</p> <p>Изучение формул для вычисления площадей поверхностей многогранников и тел вращения.</p>
	<p>Ознакомление с методом вычисления площади поверхности сферы.</p> <p>Решение задач на вычисление площадей поверхности пространственных тел.</p>

<p>Тема 7.5 Координаты и векторы</p>	<p>Ознакомление с понятием вектора. Изучение декартовой системы координат в пространстве, построение по заданным координатам точек и плоскостей, нахождение координат точек.</p> <p>Нахождение уравнений окружности, сферы, плоскости. Вычисление расстояний между точками.</p> <p>Изучение свойств векторных величин, правил разложения векторов в трехмерном пространстве, правил нахождения координат вектора в пространстве, правил действий с векторами, заданными координатами.</p> <p>Применение теории при решении задач на действия с векторами.</p> <p>Изучение скалярного произведения векторов, векторного уравнения прямой и плоскости. Применение теории при решении задач на действия с векторами, координатный метод, применение векторов для вычисления величин углов и расстояний.</p> <p>Ознакомление с доказательствами теорем стереометрии о взаимном расположении прямых и плоскостей с использованием векторов.</p>
--	--

УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

1 Материально-техническое обеспечение реализации рабочей программы

Для реализации рабочей программы учебной дисциплины предусмотрены следующие специальные помещения, оснащенные оборудованием и техническими средствами обучения:

1.1 Кабинет математики:

Рабочее место преподавателя - 1, рабочие места обучающихся - 59.

Доска магнитно-маркерная поворотная 100*180 см - 1 шт.

Компьютер Athlon x2 255/HDD250GB/RAM 4GB/K/M/Monitor AOC 919VZ - 1 шт.

Проектор DEXP DL-200 - 1 шт.

Экран настенный DEXP WM-60 - 1 шт.

Телевизор плазменный ЭлДжи RT-42РС 3 R - 1 шт.

Программное обеспечение: OS Windows, Microsoft office, Google Chrome, Adobe Acrobat DC, Maple 14.

2 Информационное обеспечение реализации рабочей программы

Для реализации рабочей программы учебной дисциплины библиотечный фонд образовательной организации имеет печатные и/или электронные образовательные и информационные ресурсы, рекомендуемые для использования в образовательном процессе:

2.1 Основные электронные издания:

1. Абдуллина, К. Р. Математика : учебник для СПО / К. Р. Абдуллина, Р. Г. Мухаметдинова. — Саратов : Профобразование, 2021. — 288 с. — ISBN 978-5-4488-0941-5. — Текст : электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/99917.html>. — Режим доступа: для авторизир. пользователей.

2. Алпатов, А. В. Математика : учебное пособие для СПО / А. В. Алпатов. — 2-е изд. — Саратов : Профобразование, Ай Пи Эр Медиа, 2019. — 162 с. — ISBN 978-5-4486-0403-4, 978-5-4488-0215-7. — Текст : электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/80328.html>. — Режим доступа: для авторизир. пользователей.

2.2 Дополнительные электронные издания:

1. Матвеева, Т. А. Математика : учебное пособие для СПО / Т. А. Матвеева, Н. Г. Рыжкова, Л. В. Шевелева ; под редакцией Д. В. Александрова. — 2-е изд. — Саратов, Екатеринбург : Профобразование, Уральский федеральный университет, 2019. — 215 с. — ISBN 978-5-4488-0397-0, 978-5-7996-2868-0. — Текст : электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR

SMART : [сайт]. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/87821.html>. — Режим доступа: для авторизир. пользователей.

2. Карбачинская, Н. Б. Математика : практикум для среднего профессионального образования / Н. Б. Карбачинская, Е. Е. Харитоновна. — Москва : Российский государственный университет правосудия, 2019. — 114 с. — Текст : электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/94184.html>. — Режим доступа: для авторизир. пользователей.

2.3 Дополнительные источники:

1 www.fcior.edu.ru (Информационные, тренировочные и контрольные материалы).

2 www.school-collection.edu.ru (Единая коллекции цифровых образовательных ресурсов).